



अध्याय-1

वैद्युत आवेश तथा क्षेत्र

वैद्युत आवेश -

वैद्युत आवेश किसी पदार्थ का वह गुण है, जिसके कारण उसमें वैद्युत तथा चुम्बकीय प्रभाव उत्पन्न होते हैं। वैद्युत आवेश को q से प्रदर्शित किया जाता है।

$$q = ne$$

जहाँ

n = पदार्थ में इलेक्ट्रॉनों की संख्या

e = इलेक्ट्रॉन पर आवेश (1.6×10^{-19} कूलॉम)

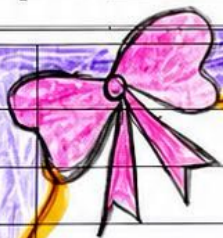
मात्रक - वैद्युत आवेश का S.I मात्रक कूलॉम (Coulomb) है जिसे C से प्रदर्शित किया जाता है।

राशि - वैद्युत आवेश एक अदिश राशि है।

प्रकार - वैद्युत आवेश के दो प्रकार हैं -

- (1) धनात्मक आवेश (e^- की कमी होती है।)
- (2) ऋणात्मक आवेश (e^- अधिक होते हैं।)

विमा - आवेश का मात्रक = कूलॉम



$$\text{आवेश} = ne$$

$$\text{आवेश} = [A][T]$$

$$\text{आवेश की विमा} = [AT]$$

वैद्युत आवेश के संरक्षण का नियम -

“वैद्युत आवेश को न उत्पन्न किया जा सकता है न ही नष्ट किया जा सकता है इसे केवल एक रूप से दूसरे रूप में परिवर्तित किया जा सकता है।”

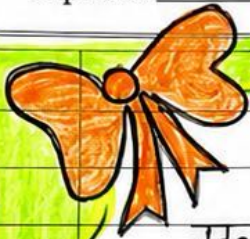
* किसी वैद्युत निकाय का कुल आवेश सदैव संरक्षित रहता है।

वैद्युत आवेश के मूल गुण - वैद्युत आवेश के मुख्य रूप से तीन गुण होते हैं।

* आवेशों की योज्यता - किसी निकाय का कुल आवेश बीजगणितीय विधि से जोड़कर प्राप्त किया जाता है।

* आवेश का संरक्षण - आवेश हमेशा स्थिर रहता है,

* आवेशों का क्वांटिकरण - किसी निकाय का आवेश (q) मूल आवेश e का पूर्ण गुणज



होता है।

मूल आवेश -

किसी आवेशित कण पर जितना न्यूनतम आवेश उपस्थित रह सकता है, उसे मूल आवेश कहते हैं। इसे 'e' से प्रदर्शित किया जाता है।

$$e = \pm 1.6 \times 10^{-19} \text{ C}$$

कूलॉम का नियम (Coulomb's Law)

दो स्थिर बिन्दु आवेशों के बीच लगाने वाला वैद्युत बल (आकर्षण या प्रतिकर्षण) बल उन आवेशों के परिमाणों के गुणनफल के अनुक्रमानुपाती तथा उनके बीच के दूरी के वर्ग के व्युत्क्रमानुपाती होता है।



माना कि दो बिन्दु आवेश q_1 व q_2 एक दूसरे से r दूरी पर स्थित हैं तब उन दो बिन्दु आवेशों के मध्य लगाने वाला वैद्युत बल -

$$F \propto q_1 q_2 \quad \text{--- (1)}$$

$$F \propto \frac{1}{r^2} \quad \text{--- (2)}$$



समी० (1) व (2) से

$$F \propto \frac{q_1 q_2}{r^2}$$

$$F = K \frac{q_1 q_2}{r^2} \quad \text{--- (3)}$$

निवृत्ति / वायु के लिए -

$$k = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \quad \text{--- (4)}$$

जहाँ

व

ϵ_0 = निवृत्ति / वायु की वैद्युतशीलता

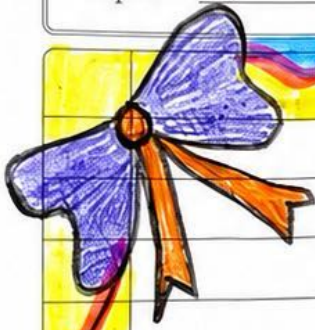
$$k = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} = 9 \times 10^9 \frac{\text{N}\cdot\text{m}^2}{\text{C}^2} \quad \text{--- (5)}$$

समी० (3) में समी० (4) का मान रखने पर

$$F = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q_1 q_2}{r^2} \quad \text{--- (6)}$$

समी० (3) में समी० (5) से मान रखने पर.

$$F = 9 \times 10^9 \frac{q_1 \cdot q_2}{r^2}$$



यदि दो बिन्दु आवेश किसी कुचालक माध्यम (कागज, काँच) में स्थित हों तो -

$$F_m = \frac{1}{4\pi\epsilon_0 k} \cdot \frac{q_1 q_2}{r^2} \quad \text{--- (7)}$$

जहाँ

k = परावैद्युत माध्यम का परावैद्युतांक

समी. (6) व (7) से -

$$\frac{F}{F_m} = \frac{\frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{q_1 q_2}{r^2}}{\frac{1}{4\pi\epsilon_0 k} \cdot \frac{q_1 q_2}{r^2}}$$

$$\frac{F}{F_m} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{q_1 q_2}{r^2} \times \frac{4\pi\epsilon_0 k}{1} \cdot \frac{r^2}{q_1 q_2}$$

$$\frac{F}{F_m} = k$$

$$F = k F_m$$

ϵ_0 का मान, मात्रक तथा विमीय सूत्र -

कूलॉम के नियम से -

$$K = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} = 9 \times 10^9 \frac{\text{N-m}^2}{\text{C}^2}$$

$$9 \times 10^9 \frac{\text{N-m}^2}{\text{C}^2} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0}$$

$$\epsilon_0 = \frac{1}{4\pi \times 9 \times 10^9} \times \frac{\text{C}^2}{\text{N-m}^2}$$

$$\epsilon_0 = \frac{1}{4 \times 3.14 \times 9 \times 10^9} \frac{\text{C}^2}{\text{N-m}^2}$$

$$\epsilon_0 = \frac{1}{113.1 \times 10^9} \frac{\text{C}^2}{\text{N-m}^2}$$

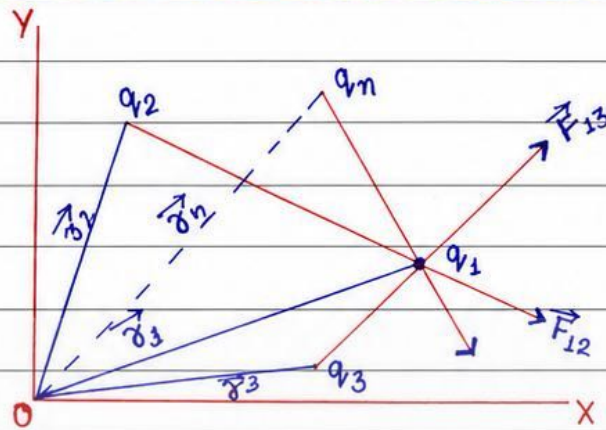
$$\epsilon_0 \approx 8.85 \times 10^{-12} \frac{\text{C}^2}{\text{N-m}^2}$$

$$\text{दिमा} = \text{M}^{-1} \text{L}^{-3} \text{T}^4 \text{A}^2$$

बलों के अध्यारोपण का सिद्धांत -

“किसी बिंदु आवेश पर, अन्य सभी आवेशों के कारण लगाने वाला परिणामी बल, उस बिन्दु आवेश पर प्रत्येक आवेश द्वारा लगाए गए सभी बलों का सदिश योग होता है।”

$$\text{अतः } F_1 = F_{12} + F_{13} + \dots + F_n$$



माना कि किसी निकाय का कुल आवेशों की संख्या n है।
 ($q_1, q_2, \dots, q_n$) तथा $q_2, q_3, \dots, q_n$ के सापेक्ष
 q_1 की स्थिति सदिश $\vec{r}_{12}, \vec{r}_{13}, \dots, \vec{r}_{1n}$ हैं तब q_1
 पर अन्य सभी आवेशों द्वारा लगने वाला वैद्युत बल -

$$\vec{F}_{12} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{q_1 q_2}{r_{12}^2} \hat{r}_{12}$$

$$\vec{F}_{13} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{q_1 q_3}{r_{13}^2} \hat{r}_{13}$$

.....

इसी प्रकार

$$\vec{F}_{1n} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{q_1 q_n}{r_{1n}^2} \hat{r}_{1n}$$

अध्यारोपण के सिद्धांत के अनुसार

$$\vec{F}_1 = \vec{F}_{12} + \vec{F}_{13} + \dots + \vec{F}_{1n}$$

$$\vec{F}_1 = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{q_1 q_2}{r_{12}^2} \cdot \hat{r}_{12} + \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{q_1 q_3}{r_{13}^2} \cdot \hat{r}_{13} + \dots$$

$$\dots + \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{q_1 q_n}{r_{1n}^2} \cdot \hat{r}_{1n}$$

$$\vec{F}_1 = \frac{q_1}{4\pi\epsilon_0} \left[\frac{q_2}{r_{12}^2} \hat{r}_{12} + \frac{q_3}{r_{13}^2} \hat{r}_{13} + \dots + \frac{q_n}{r_{1n}^2} \hat{r}_{1n} \right]$$

विद्युत क्षेत्र -

आवेश तथा आवेश समुदाय के चारों ओर का वह क्षेत्र जिसमें किसी अन्य आवेश के आने पर आकर्षण या प्रतिकर्षण बल कार्य करता है विद्युत क्षेत्र कहलाता है। विद्युत क्षेत्र को E से प्रदर्शित किया जाता है।

$$E(r) = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{Q}{r^2} \cdot \hat{r}$$

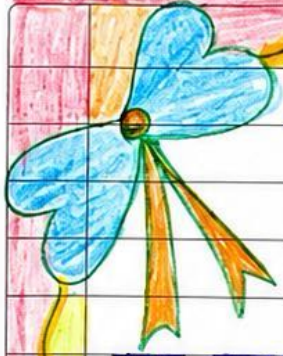
TopExamNotes
TOP NOTES, TOP RESULTS

विद्युत क्षेत्र रेखाएँ या विद्युत बल रेखाएँ -

विद्युत क्षेत्र में खींची गई काल्पनिक एवं निष्कीण वक्र हैं जो उस स्थान पर विद्युत क्षेत्र का लगातार प्रदर्शन करती हैं।

विद्युत बल रेखाओं के महत्वपूर्ण गुण -

* विद्युत बल रेखाएँ धनावेश से प्रारम्भ होकर ऋणावेश

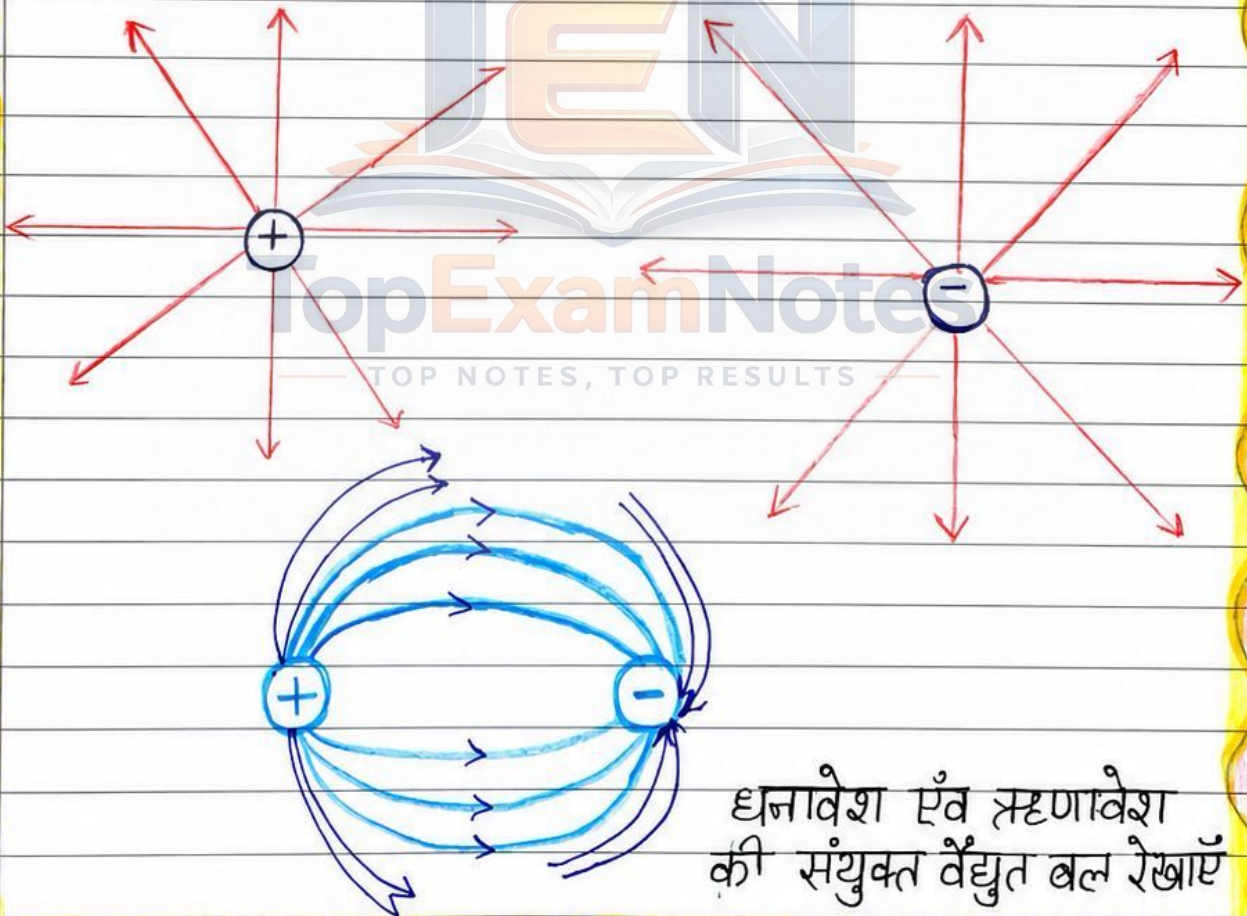


पर समाप्त होती हैं।

* विद्युत बल रेखाएँ परस्पर एक-दूसरे को नहीं काटती हैं क्योंकि परस्पर एक-दूसरे को काटने पर कटान बिंदु में दो स्पर्श रेखाएँ (विद्युत बल की दो दिशाएँ होंगी) जो कि असंभव हैं।

* विद्युत क्षेत्र रेखा के किसी भी बिंदु पर खींची गई स्पर्श रेखा उस बिंदु पर विद्युत क्षेत्र की दिशा बताती है।

* विद्युत क्षेत्र रेखाएँ एक सतत वक्र बनाती हैं।

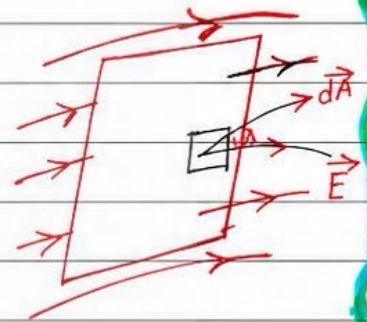


धनावेश एवं ऋणावेश
की संयुक्त वैद्युत बल रेखाएँ

वैद्युत फ्लक्स -

किसी वैद्युत क्षेत्र E में किसी काल्पनिक पृष्ठ dA से गुजरने वाली वैद्युत बल रेखाओं की संख्या की माप को वैद्युत फ्लक्स कहते हैं, जिसे ϕ_E से प्रदर्शित किया जाता है।

माना किसी वैद्युत क्षेत्र E में किसी लघु क्षेत्रफल अवयव dA है, तब $\vec{E} \cdot d\vec{A}$ के अदिश गुणन को क्षेत्रफल अवयव dA से गुजरने वाला वैद्युत फ्लक्स कहते हैं।



$$d\phi_E = \vec{E} \cdot d\vec{A}$$

$$\phi_E = \int_A \vec{E} \cdot d\vec{A}$$

$$\phi_E = \int_A E dA \cos \theta$$

$$\phi_E = E \cos \theta \int_A dA \quad [\because \int_A dA = A]$$

$$\phi_E = E A \cos \theta$$

$$\text{वैद्युत फ्लक्स का मात्रक} = \frac{N \cdot m^2}{C}$$

$$\text{विमा} = \frac{[MLT^{-2}][L^2]}{[AT]} = [ML^3 T^{-3} A^{-1}]$$

* वैद्युत फ्लक्स अदिश राशि है।

वैद्युत द्विध्रुव -

समान परिमाण के दो विजातीय बिंदु आवेश $(+q$ एवं $-q)$ यदि एक-दूसरे से अल्पदूरी पर स्थित हों तो इस संरचना को वैद्युत द्विध्रुव कहते हैं।

उदाहरण - HCl, H_2O

वैद्युत द्विध्रुव आघूर्ण -

वैद्युत द्विध्रुव के किसी एक आवेश के परिमाण तथा दोनों आवेशों के बीच की दूरी के गुणनफल को वैद्युत द्विध्रुव आघूर्ण कहते हैं।

वैद्युत द्विध्रुव आघूर्ण को p से प्रदर्शित किया जाता है।



यदि आवेश q हो व दोनों आवेशों के बीच की दूरी $2l$ हो तो वैद्युत द्विध्रुव आघूर्ण

$$p = q \times 2l$$

मात्रक = कूलॉम-मीटर

$$\text{विमा} = [AT][L] = [LTA]$$

* वैद्युत द्विध्रुव आधुन एक सदिश राशि हैं।

वैद्युत क्षेत्र की तीव्रता -

वैद्युत क्षेत्र में एकांक परीक्षण धनावेश में लगाने वाले बल को वैद्युत क्षेत्र की तीव्रता कहते हैं।

यदि एकांक परीक्षण आवेश q_0 पर लगाने वाला वैद्युत बल F हो तो वैद्युत क्षेत्र की तीव्रता (E) =

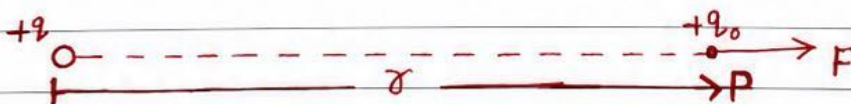
$$E = \frac{F}{q_0}$$

$$\text{मात्रक} = \frac{\text{न्यूटन (N)}}{\text{कूलॉम्ब (C)}}$$

$$\text{विमा} = [MLT^{-3}A^{-1}]$$

* वैद्युत क्षेत्र की तीव्रता एक सदिश राशि हैं।

बिंदु आवेश के कारण वैद्युत क्षेत्र की तीव्रता -



माना किसी परावैद्युतांक माध्यम (k) में कोई बिन्दु आवेश $+q$ रखा है, जिससे r दूरी पर कोई बिन्दु P है, जहाँ पर एक परीक्षण आवेश $+q_0$ रखा हुआ है जिस कारण